1 方向単調載荷を受ける鉄筋コンクリート断面の非線形挙動 -数値シミュレーションによる曲げ耐力と靭性の評価-

山口 知泰 牧原 成樹 吉川 弘道

1.RC 断面の非線形挙動

構造物に荷重をかけると, 圧縮の力と引張の力を受け水平変位が生じる. この荷重と変位の関係(P- 関係)が図 1.1 のようなグラフで表される. これを断面レベルで考えると曲げモーメントと曲率(図 1.2 M- 関係)が生じ,徐々に損傷し,やがて終局を迎えことになる. 図 1.2 の左図は断面が損傷していることを示している. 今回はこの M- の関係についての検討を行ったが,その挙動は非線形であるため,ファイバーモデルを用い曲げモーメントMと曲率の関係を算出し,数値シミュレーションによる曲げ耐力と靭性の評価を行った.



ここで靭性とは粘り強さのことを指すが, P- 関係では変位靭性率µ, M- の関係では曲率靭性率µ と して表される.図1.3ではこの変位靭性率µ, 曲率靭性率µ の数値的な意味として, どの程度の損傷である かを表している.

ここでは曲率靭性率に着目し, μ が 2~4 の場合では損傷レベルは小さなもの, μ が 4~6 の場合では修 復可能な程度の損傷であることを示しており, μ が 8~10 となると甚大な損傷であると言える. これにより, ど の程度の損傷であるかを把握することができる.



図 1.4 M- 関係と損傷評価

図 1.4 では例として M- 関係図を示し,損傷の評価を表した.これは一例であるが,降伏直後では損傷は 小さなものであり,終局手前で甚大な損傷となっていると考えることができる.

ここで曲率靭性率の式 $\mu = ---$ で表され,降伏時での μ が1となる.

2. 対象構造物

2.1 構造物の概要

今回用いた試験体は,柱基部から上端部までの長さが 3500mm,柱基部から水平載荷点までは 2700mm (有効高さ)とした.(図 2.1.1(a))また軸方向鉄筋を 16 本配置し,横拘束鉄筋は 50mm 間隔で配置した.(b) 配筋図

断面 800×800(mm), せん断スパン長 2700mm, せん断スパン比 3.75 で, 実構造物と同当の試験体を解析 対象とした.(c)に断面図を示す.この試験体を用い,(d)をパラメータとした RC 柱部材の単調押し切り載荷の 解析を行った.







(b) 配筋図



断面 800 × 800 (mm^2) コンクリート _c(N/mm²) 30 鉄筋 呼び名 SD295 軸方<u>向鉄筋</u> 呼び名 D22 軸方向鉄筋比 p_s(%) 1.45 <u>横拘束鉄筋</u> 呼び名 D10 横拘束鉄筋比 p_w(%) 0.79 横拘束鉄筋間隔 s(mm) 50 軸力 N(kN) 640 せん断スパン比 3.75 a/d

(d) 基準モデル



2.2 構成則

2.2.1 コンクリート構成則





コンクリートの応力 ひずみ曲線の骨格は道路橋示方書 の 10.4 に準じて設定されている.終局以降も荷 重が落ちていき,横拘束筋の影響を受けるため,応力が0に落ちることなくK _{cc}で一定となる.

$$\begin{split} \sigma_{c} &= E_{c} \varepsilon_{c} \left\{ 1 - \frac{1}{n} \left(\frac{\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{cc}} \right)^{n-1} \right\} \\ \sigma_{c} &= E_{c} \varepsilon_{c} \left\{ 1 - \frac{1}{n} \left(\frac{\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{cc}} \right)^{n-1} \right\} \\ (0 &\leq \varepsilon_{c} &\leq \varepsilon_{c} \right) \\ (0 &\leq \varepsilon_{c} &\leq \varepsilon_{cc} \right) \\ (\varepsilon_{cc} &\leq \varepsilon_{c} &\leq \varepsilon_{cc} \right) \\ (\varepsilon_{cc} &\leq \varepsilon_{c} &\leq \varepsilon_{cu} \right) \\ n &= \frac{E_{c} \varepsilon_{cc}}{E_{c} \varepsilon_{cc} - \sigma_{cc}} \\ n &= \frac{E_{c} \varepsilon_{cc}}{E_{c} \varepsilon_{cc} - \sigma_{cc}} \\ \sigma_{cc} &= \sigma_{ck} + 3.8 \alpha \rho_{s} \sigma_{sy} \\ \varepsilon_{cc} &= 0.002 + 0.033 \beta \frac{\rho_{s} \sigma_{sy}}{\sigma_{ck}} \\ \varepsilon_{cc} &= 11.2 \frac{\sigma_{ck}^{2}}{\rho_{s} \sigma_{sy}} \\ \varepsilon_{cc} &= 11.2 \frac{\sigma_{ck}^{2}}{\rho_{s} \sigma_{sy}} \\ \end{array}$$

鉄筋の構成則はトリリニアモデルを用いており、このモデルではバイリニアモデルとことなり、鉄筋が降伏した後の付着特性を考慮している.そのため、引張降伏、圧縮降伏以降は硬化ひずみにいたるまでは、バイリニアと同様に一定値をとるが、硬化ひずみ開始以降はひずみ硬化域に達するので勾配が変わるモデルとなっている.



図 2.2.2 トリリニアモデル

今回は変位制御による単調押し切り載荷の解析を行った.変位制御とは,変位を定めた数値までとし,それ まで荷重をかける方法をいう.

単調押し切り載荷とは,載荷点に1方向のみ荷重を与え続ける載荷方法で,今回は変位が8.5mm に至るまで荷重を与え続けた.



3. 解析方法

3.1 解析モデル

柱基部に非線形を期待するために,ファイバー要素を用いてモデル化を行い,断面における曲げモーメント-曲率関係(M- 関係)を追従可能にした.

ファイバー要素の長さは,塑性ヒンジ区間(曲率が集中する区間)に変形が集中するため柱基部から 800mm とし,基部以外は線形部材とし,弾性梁要素(曲げ変形のみ)でモデル化をおこなった.



図 3.1.1 試験体モデル図

以下の表では曲げモーメントと曲率に影響を与えると考えられる軸圧縮応力 ₀,軸方向鉄筋比 ps,横拘束 鉄筋比 pw,コンクリート強度 fc'を変化させた.このときの M- 関係のグラフを示し,判別を行なった.

<u></u>	パニメ _ ね	軸圧縮応力		軸方向	鉄筋比	横拘束	鉄筋比	コンクリート強度		
9 - X	ハラメータ	₀ (N/mm ²)		p _s (%)		p _w (%)		fc'(N	/mm²)	
村	票準モデル		1	1.4	45	0.	.79	30		
	軸圧縮応力 ₀ (N/mm2)		0~4		,					
	軸方向鉄筋比 ps(%)	,	1	0.74 ~	- 1.90		,			
	側方鉄筋比 pw(%)			1.45		0.08 ~ 1.45			,	
	コンクリート強度 fc'(N/mm ²)					0.	79	20	~ 40	

表 3.2.1 パラメーター覧

この表で,それぞれ変化しているところ以外は標準モデルを用いている.

それぞれのパラメータ(軸圧縮応力,軸方向鉄筋比,横拘束鉄筋比,コンクリート強度)を変化させた M-のグラフを図 4.1.1 ~ 図 4.1.4 に示す.まず図 4.1.1 のグラフから,軸圧縮応力 。が大きくなると曲げ耐力 M も 大きくなった.しかし,終局曲率 。は軸圧縮応力の増加とともに低下した.つまり,軸圧縮応力が大きくなると 構造物は大きな力で押さえつけられ,強度は大きくなる.しかし曲率の低下,つまり変形が小さくなってしまう. このことから脆性的になったと言える.

このことは軸方向鉄筋(図 4.1.2)でも同じことが言える.軸方向鉄筋が多いほど強度は増すが,脆性的になり 急激な破壊をもたらす.



次に横拘束鉄筋比 pw とコンクリート強度 fc'の場合には応力 - ひずみ関係(- 関係)図と共に示す.横 拘束鉄筋比 pw を変化させた場合ではまず,図 4.1.3 の - 関係で,pw が増加すると応力 はあまり大きく なっていないが,ひずみ は大きくなっている.また,応力 の最大点からの減少も図 4.1.3 の より のほう がなだらかである.これと関連して M- 関係(図 4.1.4)を見ると,曲げモーメント M にはほとんど影響を与えず, 曲率 は増加することが確認できる.ここで曲率 は $\phi = \frac{\varepsilon_c'}{x}$ であることより, が増加することにより も大き くなることがわかる.これらのグラフから横拘束鉄筋の増加 pw には構造物を延性的にする効果があるとあらた

めていえる、

次にコンクリート強度fc'を増加させた場合での - 関係(図4.1.4)ではfc'が大きくなると応力 は増加し, ひずみ は小さくなりグラフ ~ になるにつれ減少は急になっている.しかし,図4.1.4のM- 関係では曲 げモーメントは増加し曲率 も大きくなった.曲率 が大きくなった原因として,中立軸が影響していると考えら れる.(これについては###を参照)



図 4.1.4 コンクリート強度関係

曲げモーメントと曲率の関係(M- 関係)をグラフで表す.(図 5.1) ここでは例として軸圧縮応力 ₀と軸方 向鉄筋比 ps を変化させた場合について示した.4 で行った解析では,図 5.1 のように M- 関係から軸圧縮 応力や軸方向鉄筋などそれぞれの変化を考察してきた.しかしこの図では軸圧縮応力と軸方向鉄筋比の関 係をみることができない.

そこで,2つのパラメータを一つの図に同時に表すことにより,関係の追従を行う.



5.1 M_{max}, µ の算出

まず図 5.1 からそれぞれの軸圧縮応力 ₀での,最大時における曲げモーメントM_{max},降伏点における曲率 √と終局時における曲率 ₀を求め,曲率靭性率 μ を求める.

ここで曲率靭性率
$$\mu = \frac{\phi}{\phi_v}$$
 終局時 $\mu_{\phi} = \frac{\phi_u}{\phi_v}$

これより,それぞれの軸圧縮応力 $_0$ における最大曲げモーメント M_{max} ,曲率靭性率 μ が算出される.1次パラメータ,2次パラメータが変化したときの最大曲げモーメント M_{max} ,曲率靭性率 μ の関係を考察する.



図 5.1.1 M_{max}, µ の関係

横軸に 1 次パラメータの軸圧縮応力 0 をとり, 0 が変化したときの最大曲げモーメント M_{max}と曲率靭性率 µ を図 5.2.1 に示す.

この図では軸圧縮応力 ₀が増加すると,最大曲げモーメント M_{max}は増加し,曲率靭性率 µ は減少するということが分かる.



図 5.2.1 1 次パラメータ図例

2 次パラメータとして軸方向鉄筋比 p_s を変化させた. (図 5.3.1)これにより M_{max} と μ の変化だけでなく軸圧 縮応力 $_0$ との相関性もみることができる.

ここで相関性とは,1次パラメータと2次パラメータとの関係のことであり,このグラフでの相関性とは $_0$ と p_s との関係のことを表す. p_s が小さい時µは大きく減少しているが, p_s が大きくなると,µの減少率は小さくなり変化が少なくなっている.

 $2 次パラメータp_sが増加するとM_{max} は増加しµ は減少することがわかる.また <math>_0$ と p_s の相関性では M_{max} に ついては $_0$ も p_s も一定に変化しているため相関性は見られないが,軸方向鉄筋比が ~ になるとµ の減 少率が低下していることがわかる.



^{5.3 2}次パラメータの設定

1次パラメータ,2次パラメータには軸圧縮応力,軸方向鉄筋,横拘束鉄筋,コンクリート強度を用い,それぞれ変化させる.この表では2次パラメータを用いているので,例えばケース においては軸圧縮応力 0が0 ~4に変化したときの,さらに軸方向鉄筋比 ps が変化した場合,横拘束鉄筋比 pw,コンクリート強度 fc',が変化した場合と3つがあるということを表している.ケース 以降も同様である.

ケース			2次パラメータ									
		パラメータ	軸圧縮応力	軸方向鉄筋比	横拘束鉄筋比	コンクリート強度						
			₀ (N/mm ²)	p _s (%)	p _w (%)	fc'(N/mm ²)						
	標	準モデル	1.00(N=160kN)	1.45	0.79	30						
1次パラメー タ				0.74 ~1.90								
		軸圧縮応力 ₀ (N/mm2) 0~4.00		1.45	0.08 ~ 1.20							
				Ļ	0.79	20~35						
			0~4		Ļ	30						
		軸方向鉄筋比 ps(%)	1		0.08 ~ 1.20	Ļ						
		0.74 ~ 1.90			0.79	20~35						
			0~4	Ļ		30						
		樹句束鉄筋比 pw(%) 0.08~1.41	1	0.74~1.90								
			Ļ	1.45		20~35						
			0~4									
		コンクリート強度 fc'(N/mm2)	1	0.74 ~ 1.90								
		20~40		1.45	0.08 ~ 1.20							

表 5.4.1 パラメーター覧

$$\sigma_{0} = \frac{N}{A_{c}} \quad (N/mm^{2})$$

$$p_{s} = \frac{A_{s}}{A_{c}} \quad (\%) \qquad A_{s} : 全鉄筋比$$

$$p_{w} = \frac{4A_{h}}{sd} \quad (\%) \qquad A_{h} : 横拘束鉄筋面積$$

$$s : 間隔 \qquad d : 有効高さ$$

6 解析結果および考察

6.1 ケース 軸圧縮応力

M_{max}を実線で表し, μ は点線で示した.まず図 6.1.1~6.1.3のいずれも, 軸圧縮応力が増すと曲げ耐力は 大きくなり, 曲率靭性率は減少するということが確認できた.つまりこれは, 載荷の初期段階では軸力が大きい ことによりひび割れは抑制されるが, 同時に圧縮側の破壊を早める結果になるということを意味している.

さらに相関性をみると,図 6.1.2 では軸方向鉄筋比 p_sが 0.74 の場合,軸圧縮応力が増加すると曲率靭性率 µ は大きく減少しているのに対し, p_sが大きくなると軸圧縮応力が変化してもµ はあまり変化しなくなった. これは,軸圧縮応力が大きくなると,それに対する軸方向鉄筋比の変化はあまり大きくなく影響が表れないと 考えられる.



図 6.2.1 ~ 6.2.3 から軸方向鉄筋比 p_s が増加すると耐力は大きくなり, 靭性は低下することが確認できた. 次に, 図 6.2.1 から軸方向鉄筋比 p_s と軸圧縮応力 $_0$ との相関性として, $_0$ が小さい時は p_s が増加すると曲率 靭性率 μ は大きく減少するのに対し $_0$ が大きい時は p_s が増加しても μ はあまり変化していない.



6.3 ケース 横拘束鉄筋比

図 6.3.1~6.3.3 から横拘束鉄筋比が増加すると,最大曲げモーメントにはほとんど変化は見られず,影響を あたえないが,曲率靭性率は大きくなった.このことから横拘束鉄筋には構造物を延性的にさせる効果がある といえる.

相関性として,図 6.3.1の横拘束鉄筋比 pw と軸圧縮応力 $_0$ では,やはり $_0$ が大きくなると,その影響が強くなってしまうため,横拘束鉄筋比が大きくなってもあまり変化が起きなくなってしまったと考えられる. 図 6.3.3 のコンクリート強度 fc'との相関性では,fc'が増すと横拘束鉄筋比が大きくなっても変化が小さくなる.



コンクリート強度 f_c'を大きくすると,曲げ耐力,曲率靭性率は増加することが確認できた. 相関性として図 6.4.3 から, f_c'が増加するとは横拘束鉄筋比 pw が小さい時は曲率靭性率 p は大きく増加す るが,横拘束鉄筋比 pw が大きくなると, f_c'が変化してもあまり変わらなくなる.



コンクリート強度と靭性率

コンクリート強度が増すと局率靭性率 μ が大きくなる原因として,図 6.4.4 のようにfc 'が増加すると中立軸が上昇し,中立軸位置 x は小さくなる.



図 6.4.4 コンクリート強度とひずみ分布

すると,終局局率 $\phi_u = \frac{\varepsilon_c'}{x}$ はxが小さくなるため, uは大きくなる. よって, μ は $\mu_{\phi} = \frac{\phi_u}{\phi_v}$ より大きくなることがわかり,靭性率は上昇することがわかる. 7 Mu- _ 関係

7.1 Mu- 』関係の考え方

図 7.1.1 の M- の関係から終局時における曲げ耐力と靭性率を求め, Mu- u 関係図を作成し, それぞれのパラメータによる変化を調べた.図 7.1.2 にはそれぞれの軸方向鉄筋比 ps の終局曲げ耐力 Mu の点をプロットし,線で結んだ.さらに図 7.1.3 の軸圧縮応力 0 が変化しているように, ここでも2次パラメータを用いた.



まず図 7.2..1 より,軸圧縮応力 0が1~4(N/mm²)に変化したときの Muと uの関係をみると,4.1 ケース1 と同じように Muの減少に伴い uは増加していることがわかる.

同じように図 7.2..2 でも軸方向鉄筋比が 0.74 ~ 1.90(%)に変化した場合, Mu が減少し u は増加した. 図 7.2..3 では横拘束鉄筋比が 0.08 ~ 0.79(%)に変化した場合, Mu は一定であり u は増加した. 図 7.2..4 ではコンクリート強度が 20 ~ 40(N/mm²)に変化した場合, Mu, u は共に増加した.



図 7.2.2 横拘束鉄筋比 p_w - 軸方向鉄筋比 p_s 関係



以上の結果より,曲げ終局耐力 Muと曲率靭性率 uの関係は M_{max} - µの関係と同じことがいえる.これ は降伏曲率 yはほぼ一定であるため,終局曲率 uに µ は大きく影響をうけるためと考えられる.

7.3 パラメトリックシミュレーションのまとめ

表 7.3.1 結果一覧

ケース			2次パラメータ															
		パラメータ	軸圧縮応力			軸方向鉄筋比			横拘束鉄筋比				コンクリート強度					
			N/A _c (N/mm ²)			p _s (%)			p _w (%)			fc'(N/mm ²)						
標準モデル		1.00(N=160kN)		1.45			0.79			30								
			1.00 ~ 4.00		0.74 ~ 1.90			0.08 ~ 1.20			20~35							
	軸圧縮応力		/				N/	/Ac	р	s(%)	N	/Ac	p	w(%)	N	/Ac		fc'
1次パラメー タ		N/Ac(N/mm2)					Mu	増加	Mu	増加	Mu	増加	Mu	一定	Mu	増加	Mu	増加
		0~4.00					μ	減少	μ	減少	μ	減少	μ	増加	μ	減少	μ	増加
		軸方向鉄筋比	ps	s(%)	Ν	I/Ac	/				p	os(%)	p١	v(%)	ps	\$(%)		fc'
		ps(%)	Mu	増加	Mu	増加					Mu	増加	Mu	一定	Mu	増加	Mu	増加
		0.74 ~ 1.90	μ	減少	μ	減少					μ	減少	μ	増加	μ	減少	μ	増加
		側方鉄筋比	рм	/(%)	١	N/Ac	р	w(%)	ĥ	os(%)	/				pw	/(%		fc'
		pw(%)	Mu	一定	Mu	増加	Mu	一定	Mu	増加					Mu	一定	Mu	増加
		0.08 ~ 1.41	μ	増加	μ	減少	μ	増加	μ	減少					μ	増加	μ	増加
		コンクリート強度	f	c'	N,	/Ac		fc'	F	os(%)		fc'	p١	N(%)	/			
		fc'(N/mm ²)	Mu	増加	Mu	増加	Mu	増加	Mu	増加	Mu	増加	Mu	一定				
		20~40	μ	増加	μ	減少	μ	増加	μ	減少	μ	増加	μ	增加				

今までは,図8.1のように荷重をかけていたが,今回は載荷角度を図8.2のように22.5度,45度に変化させた.







図 8.2 斜め方向載荷

図 8.1 では損傷が面に対して水平に出ているのに対し,図 8.2 は 45 度の角度から荷重をかけているため損傷 が斜めにでているのがわかる.斜めに荷重をかけることによる曲げモーメントや,曲率にどのような影響を与え るかを考察する.



8.1 M- 関係

図 8.1.1 と図 8.1.2 は同じグラフであるが,図 8.1.1 の方では 22.5 度,45 度となると曲げモーメントの値が小さ くなっている.これは解析を行った際,斜め載荷では荷重は斜めからかかるが,主軸方向でグラフを読み取っ ているため,正確な曲げモーメントと曲率の値が表れていなかった.図で表すと



この荷重を矢印の方向からみると力の大きさは同じでも,斜めに荷重をかけた場合のほうが 小さく表れてしまう.

これを考慮したグラフが図 8.1.2 である.このグラフを見ると,角度を変化させても曲げモーメントにはさほど影



8.2 Mu- u 関係

図 8.2.1 からもよくわかるが,載荷角度の変わることにより終局曲率 uも変化している. つまり,斜めに荷重をかけることにより,粘り強さが低下するということがこのグラフから理解することができる. Muの値も変化しているが,その変化は uに比べるととても小さいものと言える.



表より,軸圧縮応力。の増加は,

最大曲げモーメント Mu を増加させ, μ を減少させる. 軸方向鉄筋比の増加は, Mu を増加させ, μ を減少させる. 横拘束鉄筋比の増加は, Mu には影響を与えず, μ を増加させる. コンクリート強度の増加は, Mu, μ を増加させる.

軸力の影響が大きいと、その他の2次パラメータへの影響が小さくなる.

載荷角度を変化させると曲げモーメントにはあまり変化はないが,曲率に影響を与える. 以上のことが今回の解析で確認することができた.

【参考文献】

- (1) 解析ソフトおよび資料:フォーラムエイト株式会社
- (2) 箱田 裕子:斜め方向載荷を受ける RC 柱部材の挙動,平成 16 年度武蔵工業大学卒業論文
- (3) 牧原 成樹: UC-win/FRAME(3D)の有用性と損傷状態の照査, 平成 17 年度武蔵工業大学中間発表概 要書